ЦЕЛЫЕ ФУНКЦИИ

ВВЕДЕНИЕ В ТЕОРИЮ ЦЕЛЫХ ФУНКЦИЙ

MEH-300101, MEHM-120112, 3 курс +

Акопян Р. Р.

Целые функции играют важную роль во многих разделах математики и приложениях. Замечательно, что функции, целые не являющиеся многочленами – трансцендентные, во многих отношениях ведут себя, как своего рода «многочлены бесконечно высокой степени». Дисциплина изучению свойств функций, посвящена целых трансцендентных характеристик скорости роста, распределения нулей.

В дисциплине рассматриваются фундаментальные понятия и классические результаты теории целых функций одной комплексной переменной: порядок и тип целой функции и формулы их вычисления через максимум модуля, максимальный член тейлоровского разложения целой, в терминах ее тейлоровских коэффициентов; построение целых функций заданного порядка и типа; теоремы о порядке и типе суммы и произведения двух целых функций; факторизация целых функций заданного роста (теоремы Вейерштрасса, Адамара, Бореля); показатель сходимости последовательности нулей целой функции, его связь с родом соответствующего канонического произведения, связь порядка целой функции и показателя сходимости ее нулей; верхняя плотность множества нулей целой функции и ее вычисление с помощью считающей функции нулей; индикатор целой функции и его основные свойства; индикаторная диаграмма целой функции. Кроме того доказываются классические результаты об аналитических функциях — оценки модуля аналитической функции; формула Йенсена и ее следствия; принцип Фрагмена — Линделёфа.

Для записи на спецкурс нужно, прислать (до 23 февраля) письмо по адресу: RRAkopyan@mephi.ru